

السنة الدراسية 2019-2020

الأقسام 9 و 3 و 4

فرض مراقبة 3  
رياضياتالمدرسة الإعدادية النموذجية بقابس  
الأستاذة : حفصة رمضان

الاسم واللقب .....

تمرين عدد 1 (5 نقاط)

(1) ضع العلامة (x) في الخانة المناسبة علما وانه لا يوجد إلا مقترح واحد مناسب للوضعية

أ- العبارة  $a^4 + 81$  تساوي:

☐  $(a+3)^4$  ; ☐  $(a^2-9)^2+18a^2$  ; ☐  $a^4 - (-3)^4$

ب مربع مساحته  $14 - 6\sqrt{5}$  فان قيس ضلعه يساوي:

☐  $3 - \sqrt{5}$  ☐  $3\sqrt{5} - 1$  ☐  $\sqrt{5} - 3$

ج- A و B نقطتان من [MN] حيث  $\frac{MA}{4} = \frac{AN}{3}$  و  $4MB = 3BN$  فان:

☐  $NB = AM$  ☐  $MB + AN = MN$  ☐ A منتصف [MN]

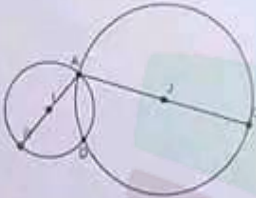
(2) أجب بصحيح أو خطأ:

أ-  $x$  و  $y$  عدنان حقيقيان موجبان حيث  $x + 1 < y + 1$  يعني  $(x - y) \in \mathbb{R} +$ 

ب- 1 و 2 دائرتان متقاطعتان في A و D

ومركزيهما I و J فان:

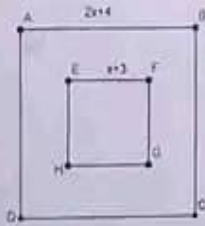
B و D و C على استقامة واحدة



تمرين عدد 2 (7 نقاط)

I. لنكن العبارة A حيث  $A = x^2 + 2x - 1$ (1) احسب العبارة في حالة  $x = \sqrt{2} - 1$ (2) بين ان  $A = (x + 1)^2 - 2$ 

(3) فكك العبارة A الى جذاء عوامل

(4) جد العدد x حيث  $A = 0$ II. لنعتبر المربع ABCD ضلعه  $AB = 2x + 4$  والمربع EFGH ضلعه $EF = x + 3$  حيث x عدد حقيقي موجب

(1) احسب S المساحة المحصورة بين المربعين ABCD و EFGH

بين ان  $S = 3x^2 + 10x + 7$ 

(2) جد العدد x حيث S = مس



### تمرين عدد 3 ( 8 نقاط )

ليكن  $DAB$  مثلثا قائما في  $D$  حيث  $DB=8$  و  $AD=6$  و  $AB=10$

(1) لتكن النقطة  $C$  على  $[AB]$  حيث  $BC=4$  و الدائرة  $\odot$  التي قطرها  $[BC]$  والتي تقطع  $[BD]$  في نقطة ثانية  $E$  ماهي الوضعية النسبية ل  $(AD)$  و  $(CE)$

(2) عين النقطة  $M$  منتصف  $[AB]$  المستقيمان  $(DM)$  و  $(CE)$

يتقاطعان في  $H$ . احسب  $CH$  و  $CM$

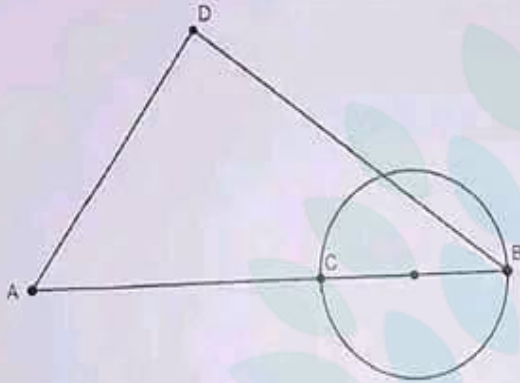
(3) العمودي على  $(DM)$  والمار من  $B$  يقطع  $(CE)$  في  $F$

(أ) ماذا تمثل  $H$  للمثلث  $BDF$ ؟ اعل جوابك

(ب) استنتج ان  $(BH)$  عمودي على  $(DF)$

(4) لتكن النقطة  $G$  منازرة  $D$  بالنسبة لـ  $H$

بين ان  $C$  مركز ثقل المثلث  $DEG$



MR Aymen Salhi

Meet: Education en ligne

Classe : 9e pilote



ETUDE MATH-chbedda



53080851

السنة الدراسية 2019 - 2020

الأقسام 9 و 3 و 4

فرض مراقبة 3  
رياضيات

المدرسة الإعدادية النموذجية بقابس

الأمثلة : مخططة ومسان



الاسم واللقب .....

تمرين عدد 1 (5 نقاط)

1) ضع العلامة (x) في الخانة المناسبة علما بأنه لا يوجد إلا مقترح واحد مناسب للوضعية

أ- العبارة  $a^4 + 81$  تساوي:

☐  $(a + 3)^4$  ; ☒  $(a^2 - 9)^2 + 18a^2$  ; ☐  $a^4 - (-3)^4$

ب مربع مساحته  $14 - 6\sqrt{5}$  فإن قيس ضلعه يساوي:

☐  $3 - \sqrt{5}$  ☐  $3\sqrt{5} - 1$  ☐  $\sqrt{5} - 3$

$(-3)^4 = 81$   
لأن القوة زوجية

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$a^4 - (-3)^4$$

خطأ  $\Leftarrow a^4 - 81$

$$(a^2 - 9)^2 + 18a^2$$

$$[a^2]^2 - 2a^2 \times 9 + 9^2 + 18a^2$$

$$a^4 - 18a^2 + 81 + 18a^2$$

$$a^4 + 81$$





ب مربع مساحتہ  $14 - 6\sqrt{5}$  فان قيس ضلعه يساوي:

☒  $3 - \sqrt{5}$

☐  $3\sqrt{5} - 1$

☐  $\sqrt{5} - 3$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

طريقة 2 : نور

$$\begin{aligned} a^2 + b^2 - 2ab &= \\ 14 - 6\sqrt{5} &= \\ \downarrow & \\ 3^2 + (\sqrt{5})^2 - 2 \cdot 3 \cdot \sqrt{5} &= \end{aligned}$$

$$a^2 + b^2 - 2ab =$$

وبالتالي

$$14 - 6\sqrt{5} = (\sqrt{5} - 3)^2$$

$$\sqrt{(\sqrt{5} - 3)^2} = |\sqrt{5} - 3| = 3 - \sqrt{5}$$

طريقة 1 : دقة

$$\begin{aligned} (\sqrt{5} - 3)^2 &= (\sqrt{5})^2 - 2 \cdot 3 \cdot \sqrt{5} + 3^2 \\ &= 5 - 6\sqrt{5} + 9 \end{aligned}$$

$$= 14 - 6\sqrt{5}$$

$$\sqrt{(\sqrt{5} - 3)^2} = |\sqrt{5} - 3| = 3 - \sqrt{5}$$



ج- A و B نقطان من [MN] حيث  $\frac{MA}{4} = \frac{AN}{3}$  و  $4MB = 3BN$  فان :

☒  $NB = AM$

☐  $MB + AN = MN$

☐ A منتصف [MN]

⊗

$$\frac{MA}{4} = \frac{AN}{3} = \frac{MA+AN}{4+3} = \frac{MN}{7}$$

⊗

$$4MB = 3BN \Rightarrow \frac{MB}{3} = \frac{BN}{4} = \frac{MN}{7}$$

نحو

$$\frac{MA}{4} = \frac{AN}{3} = \frac{MB}{3} = \frac{BN}{4} = \frac{MN}{7}$$

$$\Rightarrow \frac{BN}{4} = \frac{MA}{4} \Leftrightarrow BN = MA$$

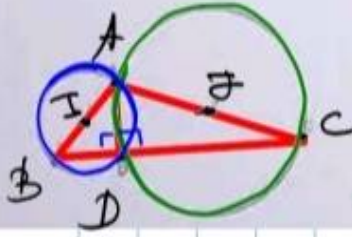
(2) اجب بصحيح أو خطأ:

ا-  $x$  و  $y$  عدنان حقيقيان موجبان حيث  $x + 1 < y + 1$  يعني  $(x - y) \in \mathbb{R}_+$

ب-  $\mathcal{C}_1$  و  $\mathcal{C}_2$  دائرتان متقاطعتان في  $A$  و  $D$

ومركزيهما  $I$  و  $J$  فان :

$B$  و  $D$  و  $C$  على استقامة واحدة



$$x + 1 < y + 1$$

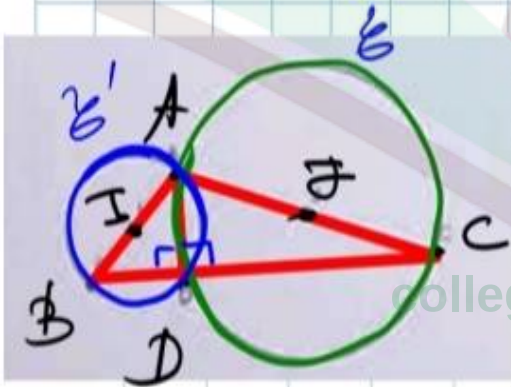
$$(x + 1) - (y + 1) < 0$$

(حذف الأقواس)

$$x + 1 - y - 1 < 0$$

$$x - y < 0$$

$$x - y \in \mathbb{R}_-$$



\* في الدائرة  $\mathcal{C}_2$  لدينا :

$[AC]$  قطر الدائرة

المثلث  $ADC$  قابل للإسقاط

في الدائرة  $\mathcal{C}_2$

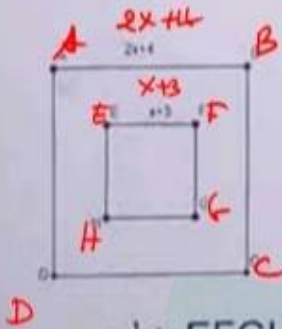
لدينا  $ADC$  قائم الزاوية في  $D$

$$\angle ADC = 90^\circ$$

في الدائرة  $\widehat{C}$   
 $\widehat{B}$  قطر الدائرة  $\widehat{C}$   
 $\triangle ABD$  مثلث قائم الزاوية في  $\widehat{A}$   
 $\triangle ABD$  قائم الزاوية في  $\widehat{D}$

$\widehat{ADB}$  و  $\widehat{ADC}$  زاويتان متجاورتان ومتكاملتان  
 مجموع قوسيهما  $180^\circ$  إذن  $\widehat{A}$  و  $\widehat{D}$  على استقامة واحدة

### تمرين عدد 2 (7 نقاط)



I. لتكن العبارة  $A$  حيث  $A = x^2 + 2x - 1$

(1) احسب العبارة في حالة  $x = \sqrt{2} - 1$

(2) بين ان  $A = (x + 1)^2 - 2$

(3) فكك العبارة  $A$  الى جزاء عوامل

(4) جد العدد  $x$  حيث  $A = 0$

II. لنعتبر المربع ABCD ضلعه  $AB = 2x + 4$  والمربع EFGH ضلعه

$EF = x + 3$  حيث  $x$  عدد حقيقي موجب

(1) احسب  $S$  المساحة المحصورة بين المربعين ABCD و EFGH

بين ان  $S = 3x^2 + 10x + 7$

(2) جد العدد  $x$  حيث  $S =$  مساحة EFGH (مستغلا العبارة  $A$  اعلاه)

تمرين عدد 2 (7 نقاط)

1. لتكن العبارة  $A$  حيث  $A = x^2 + 2x - 1$

(1) احسب العبارة في حالة  $x = \sqrt{2} - 1$

(2) بين ان  $A = (x + 1)^2 - 2$

(1) في حالة  $x = \sqrt{2} - 1$

$$A = (\sqrt{2} - 1)^2 + 2(\sqrt{2} - 1) - 1$$

زيادة متفرقة  
لنفسر

$$(\sqrt{2})^2 - 2\sqrt{2} + 1 + 2\sqrt{2} - 2 - 1$$

$$(2) \quad (-2\sqrt{2} + 1) + (2\sqrt{2} - 2) - 1 = 0$$

لدينا (2)

$$\textcircled{*} \quad (x+1)^2 - 2 = x^2 + 2x + 1 - 2$$

$$= x^2 + 2x - 1 = A$$

$$A = (x+1)^2 - 2$$

ب'د'1

(3) فكك العبارة A الى جذاء عوامل

$$A^2 - B^2 = (A-B)(A+B)$$

$$A = (x+1)^2 - 2 = (x+1)^2 - (\sqrt{2})^2$$

$$a^2 - b^2 = (a-b)(a+b) \quad A = [x+1-\sqrt{2}][x+1+\sqrt{2}]$$

(4) جد العدد x حيث  $A = 0$ 

$$A = 0 \Leftrightarrow (x+1-\sqrt{2})(x+1+\sqrt{2}) = 0$$

$$x+1-\sqrt{2} = 0$$

$$, \text{ أو } x+1+\sqrt{2} = 0$$

$$x = -1 + \sqrt{2}$$

$$\text{أو } x = -1 - \sqrt{2}$$

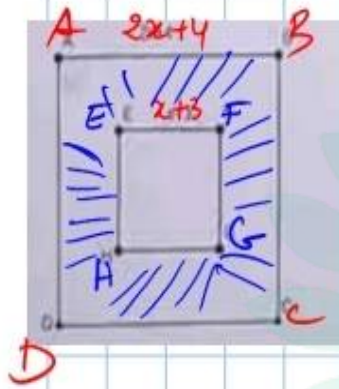
$$S_{\mathbb{R}} = \{-1 - \sqrt{2}, -1 + \sqrt{2}\}.$$

II. لنعتبر المربع ABCD ضلعه  $AB = 2x + 4$  والمربع EFGH ضلعه

$EF = x + 3$  حيث  $x$  عدد حقيقي موجب

(1) احسب المساحة المحصورة بين المربعين ABCD و EFGH

بين ان  $S = 3x^2 + 10x + 7$



مساحة ABCD

$$A_{ABCD} = (2x+4)^2 = 4x^2 + 16x + 16$$

مساحة المربع EFGH

$$A_{EFGH} = (x+3)^2 = x^2 + 6x + 9$$

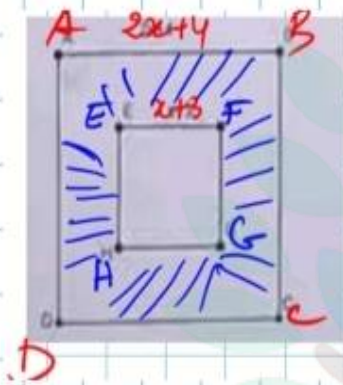
$$\begin{aligned} A_{ABCD} - A_{EFGH} &= (4x^2 + 16x + 16) - (x^2 + 6x + 9) \\ &= 4x^2 + 16x + 16 - x^2 - 6x - 9 \end{aligned}$$

$$A_{ABCD} - A_{EFGH} = 3x^2 + 10x + 7$$

(1) احسب  $S$  المساحة المحصورة بين المربعين  $ABCD$  و  $EFGH$

بين ان  $S = 3x^2 + 10x + 7$

(2) جد العدد  $x$  حيث  $(S)$  = مساحة  $EFGH$  (مستغلا العبارة  $A$  اعلاه)



$$(x+3)^2 = 3x^2 + 10x + 7$$

$$x^2 + 6x + 9 = 3x^2 + 10x + 7$$

$$3x^2 + 10x + 7 - x^2 - 6x - 9 = 0$$

$$2x^2 + 4x - 2 = 0$$

$$2(x^2 + 2x - 1) = 0$$

$$2 \quad A = 0$$

يعني  $A = 0$

$$x = \sqrt{2} - 1$$

$$x = -\sqrt{2} - 1 < 0$$

لا يمكن لأن  
المساحة موجبة

## تمرين عدد 3 ( 8 نقاط )

ليكن  $DAB$  مثلثا قائما في  $D$  حيث  $DB=8$  و  $AD=6$  و  $AB=10$

(1) لنكن النقطة  $C$  على  $[AB]$  حيث  $BC=4$  و الدائرة  $\mathcal{C}$  التي قطرها  $[BC]$  والتي تقطع  $[BD]$  في نقطة ثانية  $E$

ماهي الوضعية النسبية ل  $(AD)$  و  $(CE)$

(2) عين النقطة  $M$  منتصف  $[AB]$  المستقيمان  $(DM)$  و  $(CE)$

يتقاطعان في  $H$ . احسب  $CH$  و  $CM$

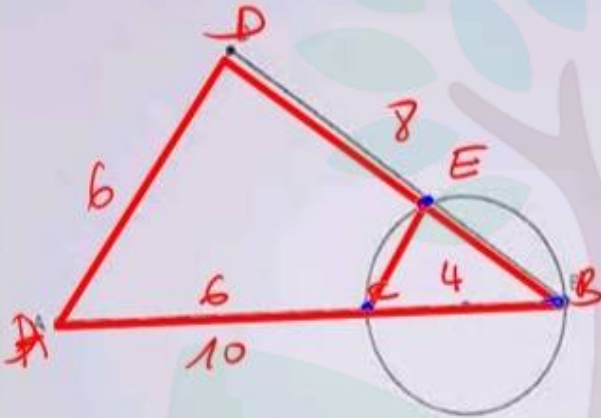
(3) العمودي على  $(DM)$  والمار من  $B$  يقطع  $(CE)$  في  $F$

(أ) ماذا تمثل  $H$  للمثلث  $BDF$ ؟ على جوابك

(ب) استنتج ان  $(BH)$  عمودي على  $(DF)$

(4) لنكن النقطة  $G$  منظرية  $D$  بالنسبة لـ  $H$

بين ان  $C$  مركز ثقل المثلث  $DEG$



(\*) المثلث  $CEB$  قابل للإسقاط في الدائرة  $\mathcal{C}$  و  $[BC]$

قطر للدائرة  $\mathcal{C}$   
إذن  $CEB$  قائم الزاوية في  $E$   
وبالتالي

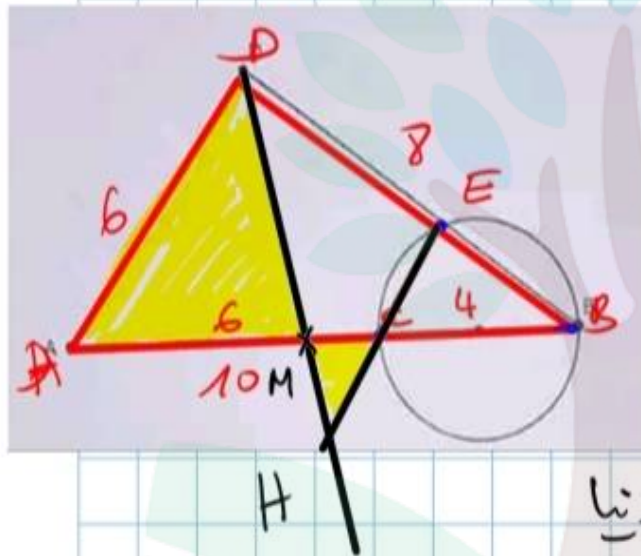
$(CE) \perp (BD)$  يعني  $(CE) \perp (EB)$

(\*) لدينا  $DAB$  مثلث قائم في  $D$   $\Rightarrow (AD) \perp (BD)$

لا نهنا محمود يا ذكلى نصف  
(BD) المستقيم (CE) // (AD)

(2) عين النقطة M منتصف [AB] المستقيمان (DM) و (CE)

يتقاطعان في H احسب CM و CH



$$CM = AB - (AM + CB)$$

$$= 10 - (5 + 4)$$

$$CM = 1$$

في المثلث ADM لدينا

$$\left\{ \begin{array}{l} H \in (DM) \\ C \in (AM) \\ (CH) \parallel (AD) \end{array} \right.$$

$$\frac{CM}{MA} = \frac{CH}{AD} = \frac{MH}{MD}$$

$$\frac{1}{5} = \frac{CH}{6}$$

$$\Rightarrow CH = \frac{6}{5}$$