

أفريل 2019

فرض مراقبة عدد للتاسعة ***** الثبات في الرياضيات

تمرين 1: (2.5 نقاط)

اختر الجواب الصحيح من بين المقترحات المقدمة :

1. $4x^2 - 5$ يساوي :

أ. $(2x - \sqrt{5})(2x + \sqrt{5})$ ب. $(4x - \sqrt{5})(4x + \sqrt{5})$ ج. $(2x - \sqrt{5})^2$

2. $\sqrt{4 - 2\sqrt{3}}$ يساوي : أ. $(\sqrt{3} - 1)$ ب. $(1 - \sqrt{3})$ ج. $2 - \sqrt{3}$

3. إذا كان ABC مثلثًا متقايس الأضلاع بحيث $AB = 2\sqrt{3}$ و $[AH]$ ارتفاعه الصادر من A فإن :

أ. $AH = 2$ ب. $AH = 3$ ج. $AH = \sqrt{3}$

4. إذا كان $ABCD$ مربعًا بحيث $AC = 4$ فإن :

أ. $AB = \sqrt{2}$ ب. $AB = 2\sqrt{2}$ ج. $AB = 2$

5. x عدد حقيقي ؛ إذا كان $(1 + \sqrt{3})x \geq 2\sqrt{3}$ فإن :

أ. $(1 - \sqrt{3})(1 + \sqrt{3})x \geq 2\sqrt{3} - 6$ ب. $(1 - \sqrt{3})(1 + \sqrt{3})x \leq 2\sqrt{3} - 6$

تمرين 2: (6 نقاط)

نعتبر العبارة: $A = x^2 - 6x - 27$ حيث $x \in \mathbb{R}$

1. أحسب A في الحالتين $x = 3$ و $x = \sqrt{5}$.

2. أنشر واختصر $(x - 3)^2$.

ب. بين أن: $A = (x - 3)^2 - 36$.

ج. فكك إذا العبارة A إلى جذاء عوامل.

د. أوجد الأعداد الحقيقية x بحيث $x^2 = 6x + 27$.

3. لتكن العبارة $B = (x + 2)^2 - A$.

أ. بين أن $B = 10x + 31$.

ب. أحسب إذا العدد $b = 2019^2 - 2008 \times 2020$.

4. $a \in \mathbb{R}_+^*$ ؛ ليكن مربعًا طول ضلعه a ومستطيلًا أبعاده $2a + 9$ و 3 ؛ ابحث عن a حتى

يكون للمربع والمستطيل نفس المساحة

تمرين 3: (4 نقاط)

نعتبر العددين $a = 2 + \sqrt{5}$ و $b = 3\sqrt{2}$.

1. بين أن $a^2 = 9 + 4\sqrt{5}$ وأن $b^2 = 4\sqrt{5} - 9$.

أ. قارن $4\sqrt{5}$ و 9 .

ب. استنتج مقارنة a^2 و b^2 ثم مقارنة a و b .

2. أ. بين أن $ab < b^2$.

ب. استنتج أن $6\sqrt{2} + 3\sqrt{10} < 18$.

ج. قارن $c = 6\sqrt{2} - 8$ و $d = 10 - 3\sqrt{10}$.

3. ليكن العدد الحقيقي x بحيث $a^2 - \frac{x}{4\sqrt{5} + 9} = b^2$ ؛ بين $x = 1$ أو $x = -1$.

تمرين 4: (7.5 نقاط)

(وحدة قياس الطول هي الـ cm)

1. أرسم مثلثًا ABC قائم الزاوية في A بحيث $AB = 8$ و $AC = 6$.

أحسب BC .

2. أرسم الدائرة \mathcal{C} التي قطرها $[AB]$ ولتكن O مركزها. \mathcal{C} تقطع $[BC]$ ثانية في النقطة H .

أ. بين أن المثلث ABH قائم الزاوية.

ب. أحسب AH .

3. عيّن المنتصف I لـ $[AC]$.

أ. أحسب OI و IH .

ب. استنتج أن المثلث OHI قائم الزاوية.

4. عيّن على نصف المستقيم (IH) النقطة M بحيث $IM = 7$. المستقيم (OM) يقطع (BC)

في K .

أ. بين أن $\frac{MH}{MI} = \frac{HK}{IO}$.

ب. أحسب HK .

الثبات في الرياضيات

