

## فرض تأليفي عدد 3 رياضيات

## تمرين 1 ( 4 نقاط )

نعتبر العبارة  $A = 2x - 1$  حيث العبارة  $x$  عدد حقيقي

(1) احسب  $A$  إذا علمت أن  $x = -\frac{1}{5}$

(2) حل في  $R$  المعادلة  $A = 5$

(3) أبين أن  $A^2 - 4 = (2x - 3)(2x + 1)$

ب-حل في  $R$  المعادلة  $A^2 - 4 = 0$

(4) حل في  $R$  المترابطة  $A = 3$

## تمرين 2 ( 4 نقاط )

$Z = (a - b)^2$  و  $V = (a + b)^2$  و  $Z$  عددان حقيقيان بحيث

(1) أ- احسب  $V$  و  $Z$  في حالة  $a = \sqrt{2}$  و  $b = \sqrt{3}$

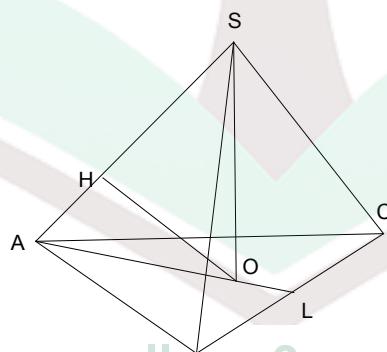
ب- بين في هذه الحالة أن  $x$  مقلوب

(2) لتكن العبارة  $H$  بحيث  $H = \frac{1}{2}(a + b)^2 + (a - b)^2$

أبين أن  $H = a^2 + b^2$

ب- احسب  $H$  في حالة  $a = \sqrt{57}$  و  $b = \sqrt{13}$

## تمرين 3 ( 3 نقاط )



ليكن  $SABC$  هرمًا منتظمًا قاعدته

$ABC$  مثلثًا متقارن الأضلاع بحيث  $AB = 2\sqrt{3}$

و مركز ثقله النقطة  $O$

(1) لتكن  $L$  منتصف  $BC$ . احسب  $AL$

(2) احسب  $AS$  إذا علمت أن  $OS = \sqrt{10}$

(3) ليكن  $H$  المسقط العمودي لـ  $O$  على  $AS$ . احسب  $OH$ .



المسألة: ( 9 نقاط )

وحدة قيس الطول هي الصنتمتر.

نعتبر نصف دائرة مركزها  $O$  و قطرها  $BC$  بحيث  $BC = 8$  و  $H$  منتصف  $OC$ .

المستقيم العمودي على  $(BC)$  في  $H$  يقطع نصف الدائرة في  $A$ .

1) أبين أن المثلث  $AOC$  متقارن الأضلاع .

ب-استنتج  $AH$ .

ج-احسب  $AB$ .

3) المستقيم العمودي على  $(BC)$  في  $O$  يقطع  $AB$  في  $L$ .

$$\text{أ-اثبت أن: } \frac{OL}{AH} = \frac{2}{3}$$

$$\text{ب-استنتاج أن: } OL = \frac{4\sqrt{3}}{3}$$

4) لتكن  $I$  منتصف  $OB$  الموسط العمودي لـ  $AB$  يقطع  $AB$  في  $M$

أبين أن المثلث  $MBO$  متقارن الضلعين و حد قمته الرئيسية .

$$\text{ب-بدين أن: } IM = \frac{2\sqrt{3}}{3}$$

ج-استنتاج  $AM = OM$

5) اثبت أن المثلث  $AOM$  قائم الزاوية في  $O$ .