

فرض مراقبة عدد 4

❖ **تمرین ع-1-1د**

(1) اكتب العددين الكسريين $\frac{25}{3}$ و $\frac{37}{4}$ في صيغة مجموع عدد صحيح و عدد كسري أصغر من 1.

$$\frac{25}{3} = \dots\dots\dots + \frac{\dots\dots\dots}{3} ; \quad \frac{37}{4} = \dots\dots\dots + \frac{\dots\dots\dots}{4} .$$

(2) استنتج ترتيبًا تصاعديًا للأعداد التالية: 1 ; $\frac{37}{4}$; $\frac{17}{50}$; $(-1,8)$; $\frac{25}{3}$; (-1)

❖ تمرین ع-2-11

نعتبر العددين: $X=148$ و $Y=184$

أ. فكك X و Y إلى جذاء عوامل أولية .

ب- اختزل العدد الكسري $\frac{184}{148}$ الى أقصى حد. هل انه عشري ؟ علل

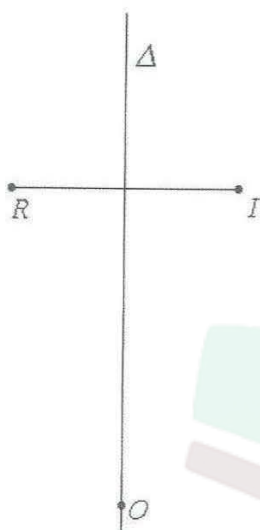
❖ تمرین ع-311

تأمل الرسم المصاحب حيث Δ المتوسط العمودي لـ $[RI]$ و O نقطة منه
بحيث $\hat{R}IO = 64^\circ$

(1) ابن $[Ix]$ منصف الزاوية $\angle RO$ ؛ $[Ix]$ تقطع Δ في C
(2) بين أن ROI متقايس الضلعين.

(3) ماذا تمثل النقطة C بالنسبة للمثلث RIO ؟ علّل جوابك.

(4) ابن الدائرة المحاطة بالمثلث ROI ثم احسب $\hat{ICO}$



❖ تمرین 44

لتكن الدائرة (C) مركزها O وشعاعها 6cm. ابن [AB] حبلًا منها بحيث $\angle OAB = 45^\circ$.

(1) حدّد $\hat{A\hat{O}B}$ و استنتاج نوعيّة المثلث OAB .

(2) لكن Ox منصف الزاوية $\widehat{AOB}$ و (Δ) المتوسط العمودي لـ $[OA]$ و $(\Delta) \cap (OA) = \{H\}$ و $(\Delta) \cap (AB) = \{I\}$

(أ) حدّد المركز القائم للمثلث ABO .

(ب) برهن أن I هي مركز الدائرة المحيطة بالمثلث OAB .

(ج) حدّ قیس $\hat{OIH}$.

(د) استنتاج طبيعة المثالث OHI

❖ تمرین ع-1-د

(1) اكتب العددين الكسريين $\frac{25}{3}$ و $\frac{37}{4}$ في صيغة مجموع عدد صحيح و عدد كسري أصغر من 1.

$$\frac{25}{3} = \dots \frac{24}{3} \dots + \frac{\dots 1 \dots}{3} = \boxed{8} + \frac{1}{3} \quad ; \quad \frac{37}{4} = \dots \frac{36}{4} \dots + \frac{\dots 1 \dots}{4} = \boxed{9} + \frac{1}{4} .$$

(2) استنتج ترتيبًا تصاعديًا للأعداد التالية:

$$(-1, 8) \prec (-1) \prec \underbrace{\frac{17}{50}}_1 \prec 1 \prec \underbrace{\frac{25}{3} \prec \frac{37}{4}}_{8 \prec 9}$$

❖ تمرین عدد

نعتبر العددين: $X=148$ و $Y=184$

أ نفكك X و Y إلى جذاء عوامل أولية : $Y=184=2^3 \times 23$; $X=148=2^2 \times 37$

ب- نختزل العدد الكسري $\frac{184}{148}$ الى أقصى حد $\frac{184}{148} = \frac{2 \times \cancel{2^4} \times 23}{\cancel{2^4} \times 37} = \frac{46}{37}$.

مقام العدد الكسري $\frac{46}{37}$ ليس من قوى 2 او 5 او جزاء لهما اذن $\frac{184}{148}$ ليس عشريا

❖ تمرین 3-11

تأمل الرّسم المصاحب حيث Δ المتوسط العمودي لـ $[R]$

(1) ابن $[Ix]$ منصف الزاوية $R\hat{I}O$ ؛ $[Ix]$ تقطع Δ في C

(2) بما أن O نقطة من Δ المتوسط العمودي لـ $[RT]$ فإن $OR = OI$ ومنه ROI متقايس الضلعين.

(3) النقطة C بالنسبة للمثلث RIO هي مركز الدائرة المحاطة به لأنها نقطة تقاطع منصفى زاويتين منه

(ملاحظة: في مثلث متقايس الضلعين المتوسط العمودي للقاعدة يحمل منتصف الزاوية الرئيسية)

(4) يتم بناء الدائرة المحاطة بالمثلث ROI ثم لنحسب $I\hat{CO}$:

علمان : $\widehat{IC\hat{O}} = 180^\circ - (\widehat{C\hat{I}O} + \widehat{C\hat{O}I}) = 180^\circ - \left(\frac{64^\circ}{2} + \frac{52^\circ}{2} \right) = \boxed{122^\circ}$

$$\angle ROI = (180 - 64 \times 2)^\circ = \boxed{52^\circ}$$

❖ تمرین عدد

لتكن الدائرة (ع) مركزها O وشعاعها 6 cm . ابن $[AB]$ حبلًا منها بحيث $\angle OAB = 45^\circ$.

1) لدينا : $OA=OB$ (شعاعان لنفس الدائرة) إذن المثلث OAB متقايس الضلعين ومنه $\hat{OAB}=\hat{OBA}=45^\circ$ ؛ ينتج مما سبق $\hat{AOB}=180^\circ-2\times 45^\circ=90^\circ$ ومنه فالمثلث OAB قائم ومتقايس الضلعين في O .

(2) ليكن $[Ox]$ منصف الزاوية $\hat{AOB}$ و (Δ) المتوسط العمودي لـ $[OA]$ و $(\Delta) \cap (OA) = \{H\}$ و $(\Delta) \cap (AB) = \{I\}$

(أ) المركز القائم للمثلث ABO هو O .
 (ب) (Δ) هو المتوسط العمودي لـ $[OA]$ و I نقطة منه إذن $IO=IA$ (1)

وبما ان $\hat{IOB} = \hat{IBO} = 45^\circ$ فان المثلث IOB متقايس الضلعين في I ومنه $IO=IB$ (2) ؛

ينتج عن 1 و 2 أن $IB = IO = IA$ ومنه I هي مركز الدائرة المحيطة بالمثلث OAB .

انتبه : ورد $(\Delta) \cap (AB) = \{I\}$ كمعطى وليس $(\Delta) \cap (Ox) = \{I\}$ وبسبب ذلك نجهل ان $I \in (Ox)$

(ج) نحدّد قيس $\hat{OIH}$: $\hat{OIH} = 180^\circ - [(90^\circ : 2) + 90^\circ] = 45^\circ$

(د) المثلث OHI لديه زاويتان متقيستان في I وفي O وزاوية قائمة في H فهو قائم ومتقايس الضلعين في H .

